

**ФАНО России**  
Федеральное государственное  
бюджетное учреждение науки  
**ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ  
И МЕХАНИКИ**  
им. Н.Н. Красовского  
Уральского отделения  
Российской академии наук  
(ИММ УрО РАН)  
г. Екатеринбург, 620990  
ул. Софьи Ковалевской, д.16  
тел.(343) 374-83-32, факс 374-25-81  
E-mail [dir-info@imm.uran.ru](mailto:dir-info@imm.uran.ru)  
№ 16343/

На № от

«УТВЕРЖДАЮ»

директор Института математики  
и механики им. Н. Н. Красовского



Н. Ю. Лукоянов

27 июля 2018 г.

### ОТЗЫВ

ведущей организации на диссертационную работу Финкельштейн Евгении Александровны «Вычислительные технологии аппроксимации множества достижимости управляемой системы», представленной на соискание ученой степени кандидата технических наук по специальности 05.13.01 – Системный анализ, управление и обработка информации (космические и информационные технологии)

**Актуальность темы.** Задача построения множества достижимости управляемой системы является классической проблемой теории динамических систем, которая не теряет своей актуальности из-за обширной области приложения указанных множеств. Свойственные этим множествам нетривиальность геометрии и недифференцируемость границ мотивируют исследователей на создание новых подходов к их описанию и процедур построения. Существуют объективные трудности для точного воспроизведения множества достижимости. Такие факторы, как нелинейность динамики и невыпуклость целевого множества, в общем случае делают невозможным конструирование этого множества в явном аналитическом виде. Еще одним фактором, затрудняющим построение решения в аналитической форме, является размерность фазового пространства. Задачи механики и иных

сфер приложения теории управления, часто имеют размерность по фазовому вектору больше двух, что ограничивает исследователя в выборе традиционных подходов к построению решения, опирающихся, например, на геометрические представления. Естественным выходом для преодоления упомянутых трудностей является развитие численных методов и алгоритмов решения, которые не зависят существенным образом от свойств динамики системы. При этом ценность создаваемых процедур для приложений возрастает, если процедуры ориентированы на решение задач высокой размерности.

Представленная к защите диссертационная работа как раз посвящена вопросам разработки с доведением до реализаций алгоритмов решения задач динамического управления и приложению созданных технологий для численного моделирования решений практических задач. Надо отметить, что к настоящему времени усилиями известных отечественных школ по теории управления (московской, санкт-петербургской, уральской, иркутской и других) и многочисленных научных групп зарубежных специалистов создан достаточно разветвленный аппарат методов численной аппроксимации множеств достижимости. Методы опираются на детерминированные, стохастические и эвристические подходы. Получили распространение и признание методы, основанные на: 1) эллипсоидальных аппроксимациях, 2) параллелотопных аппроксимациях, 3) пиксельных процедурах, 4) ломанных Эйлера, 4) конструкциях д.с. программирования (квазидифференциального исчисления), 5) решении уравнений типа Гамильтона-Якоби, 6) генерации случайных управляющих воздействий, 7) выделении точек границ множеств, а также другие подходы. Разрабатываемые процедуры построения решений негладких динамических задач опираются на конструкции негладкого анализа и сами служат его развитию в части математического аппарата аппроксимации отображений и множеств сложной структуры.

Автор диссертационной работы рассматривает достаточно широкий класс нелинейных управляемых систем, что, безусловно, способствует актуальности работы. Конструирование алгоритмов, пригодных для

практического применения при решении различных прикладных и содержательных задач, также следует отнести к факторам, подтверждающим актуальность диссертационной работы.

**Основные научные результаты и их значимость для науки и производства.** Автором диссертации получены следующие научные результаты: разработаны алгоритмы равномерного и квазиравномерного заполнения объема множества достижимости для построения внутренней аппроксимации; для двухмерных систем созданы алгоритмы кусочно-линейной аппроксимации границы множества достижимости; разработана технология построения внешней аппроксимации множества достижимости объединением эллипсов. Эти алгоритмы являются новыми или существенно совершенствуют предложенные ранее варианты.

В работе предложена и реализована многометодная вычислительная технология, которая позволяет добиться более высокой вычислительной точности и степени надежности в сравнении с одиночными алгоритмами за счет комбинирования методов и точной настройки параметров.

Помимо создания вычислительный алгоритмов, нацеленных на решение прикладных задач, в работе представлена коллекция невыпуклых множеств достижимости. Такая коллекция безусловно полезна в научной деятельности специалистов-алгоритмистов по данной тематике при сравнении различных вычислительных технологий и их тестирования на достоверность.

Дополнительным подтверждением значимости выполненной работы является востребованность полученных результатов при реализации целей в рамках многих грантов и проектов, в которых участвовал диссертант.

**Обоснованность и достоверность** результатов диссертационной работы подтверждена сериями вычислительных экспериментов и большим числом тестовых расчетов. Результаты опубликованы в ведущих рецензируемых научных изданиях из Перечня ВАК. Четыре статьи

опубликованы в журналах, включенных в международные реферативные базы данных Web of Science и/или Scopus.

**Рекомендации по использованию результатов и выводов диссертации.** Целесообразно продолжить работу в направлении решения других актуальных задач теории управления, например, осуществить численный анализ задачи управления ансамблем траекторий.

#### **Общие замечания.**

1. Все предложенные алгоритмы носят эвристический характер, в работе не представлены оценки сходимости или другие подтверждения гарантии точности результатов. При этом стоит отметить, что изложенный в работе метод равномерного заполнения объема множества достижимости может способствовать теоретическому обоснованию аппроксимативных свойств конструируемых множеств.
2. Полезность тестовой коллекции множеств достижимости была бы выше, если в нее были помещены примеры с неодносвязными множествами.
3. Все статьи в рецензируемых журналах выполнены в соавторстве с руководителем.

**Заключение.** Указанные замечания не снижают научной и практической значимости выполненной автором работы. В ней представлены новые алгоритмы аппроксимации множества достижимости нелинейной управляемой системы, с помощью которых проведено исследование динамических процессов, протекающих в химии, робототехнике, экологии.

Диссертация Финкельштейн Евгении Александровны является завершенной научно-квалификационной работой, выполненной на высоком уровне. Текст диссертации полно отражает проведенную работу, каждая глава включает содержательные выводы. Цель и задачи работы полностью соответствуют полученным результатам. Автореферат правильно и полно отражает содержание работы.

Диссертационная работа «Вычислительные технологии аппроксимации множества достижимости управляемой системы» соответствует требованиям

ВАК РФ, предъявляемым к кандидатским диссертациям, а ее автор Финкельштейн Евгения Александровна заслуживает присуждения ученой степени кандидата технических наук по специальности 05.13.01 – системный анализ, управление и обработка информации (космические и информационные технологии).

Отзыв подготовили:

главный научный сотрудник  
чл.-корр. РАН, доктор физ.-мат. наук,  
профессор

*Ушаков Владимир Николаевич*

ведущий научный сотрудник  
доктор физ.-мат. наук

*Успенский Александр Александрович*

Отзыв обсужден и одобрен на семинаре отдела динамических систем Федерального государственного учреждения науки Института математики и механики им. Н.Н. Красовского Уральского отделения Российской академии наук 25 июля 2018 г., протокол № 2.

Председатель семинара:

главный научный сотрудник  
доктор физ.-мат. наук

*Тарасьев Александр Михайлович*

*Наименование организации, подготовившей отзыв:*

Федеральное государственное бюджетное учреждение науки  
Институт математики и механики им. Н. Н. Красовского  
Уральского отделения Российской академии наук.

Почтовый адрес: 620990, Российская Федерация, г. Екатеринбург, ул. Софьи Ковалевской, д. 16, Институт математики и механики им. Н. Н. Красовского УрО РАН, отдел динамических систем.

телефон: +7 (343) 374-83-32

тел./факс: +7 (343) 374-25-81

e-mail: [dir-info@imm.uran.ru](mailto:dir-info@imm.uran.ru)

Web: <http://www.imm.uran.ru>

Подписи В.Н. Ушакова, А.А. Успенского и А.М. Тарасьева заверяю

Ученый секретарь  
ИММ УрО РАН